

# FUNKCIJSKO PROGRAMIRANJE

2023/24

*lastni podatkovni tipi*  
*interpreter*  
*argumenti funkcij*  
*primerjava FP in OUP*

# Lastni podatkovni tipi

- v **ML** smo definirali lastne podatkovne tipe
- spomnimo se, da `datatype` v ML ponuja
  - *alternative* podvrst tipa  
(**datatype** x = PRVO | DRUGO | TRETJE)
  - *rekurzivno* definicijo tipa  
(**datatype** x = PRVO **of** x | DRUGO)
- **Racket**:
  - dinamično tipiziran, zato eksplicitna definicija alternativ ni potrebna
  - preprosta rešitev:
    - simulacija alternativ s sezami oblike  
(**tip** vrednost1 ... vrednostn)
    - izdelava funkcij za preverjanje podatkovnega tipa in funkcij za dostop do elementov
    - primer



# Nerodnost... ☹️



- rešitev ni praktična, dopušča veliko možnosti za napake

- pri konstruktorju podamo napačno vrednost

```
(Segment "kuku" (Avto "fiat" "modri"))
```

- preverjanje tipa povzroči napako, če ne upoštevamo načina implementacije

```
(define (Avto? x) (eq? (car x) "avto"))  
(Avto? "zivjo")
```

- dostop do elementov ne preveri, ali je vsebina pravega tipa

```
(Avto-barva (Avto 3.14 2.71))
```

- sami izdelujemo lastne sezname brez uporabe konstruktorjev

```
(define x (list "avto" "porsche" "rdec"))
```

- uporaba lastnih metod za dostop (obremenjevanje z implementacijo)

```
namesto (Avto-barva x) uporabimo (car (cdr x))
```

- breme izogibanja napakam pade na program in pomožne funkcije

# Boljši način: struct

- definicija lastnega tipa s komponentami

```
(struct ime (komp1 komp2 ... kompn) #:transparent)
```

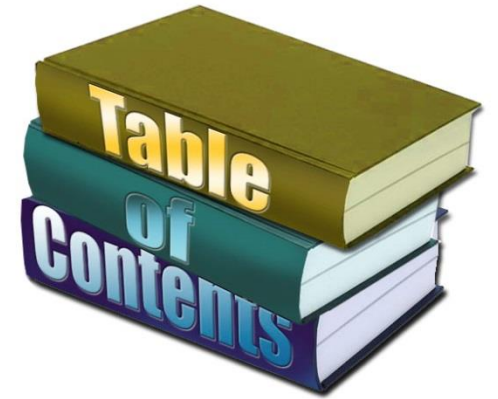
atribut, ki omogoča  
izpis v REPL



- rezultat je avtomatska izdelava funkcij:
  - `(ime komp1 komp2 ... kompn)` konstruktor novega tipa
  - `(ime? e)` preverjanje vrste tipa
  - `(ime-komp1 e), ..., (ime-kompn e)` dostop do komponent (ali napaka)
- prednosti
  - implementacija tipa je popolnoma skrita
  - razširitev programa z novim podatkovnim tipom
  - samodejno preverjanje napak
  - podatka ne moremo izdelati drugače kot s konstruktorjem
  - do podatka ne moremo dostopati drugače kot s funkcijami za dostop
  - primeri

# Pregled

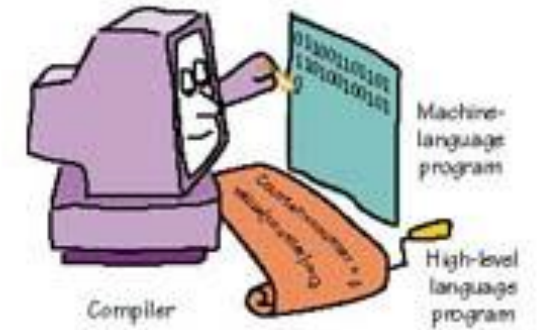
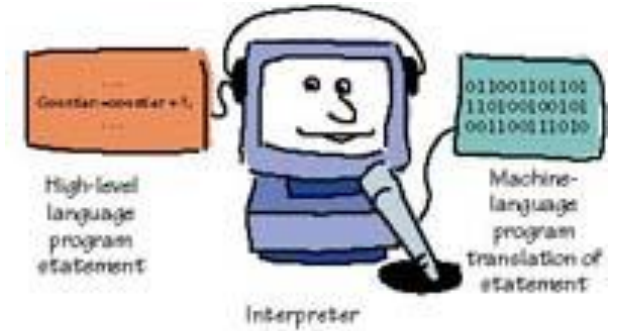
- lastni podatkovni tipi
- interpreter
  - definicija konstruktov
  - definicija spremenljivk in lokalnega okolja
  - definicija funkcij
  - definicija makrov
- funkcije z različnim številom argumentov
- podajanje argumentov po imenih
- primerjava ML in Racket
- trdnost in polnost sistema tipov
- primerjava funkcijskega in OU programiranja



# Interpreter ali prevajalnik?

Dve alternativni za implementacijo programskega jezika:

- **INTERPRETER** za programski jezik X
    - napišemo ga v programskem jeziku 0
    - program je v sintaksi jezika X
    - odgovor je v sintaksi jezika X
  - **PREVAJALNIK** za programski jezik X
    - napišemo ga v programskem jeziku 0
    - program je v sintaksi jezika X
    - rezultat je program v jeziku P
    - program v jeziku X in program v jeziku P imata ekvivalenten pomen
- 
- narediti interpreter ali prevajalnik je le predmet implementacije, ne definicije programskega jezika
  - možne so tudi kombinacije prevajanja in interpretiranja:
    - Java je prevajalnik v JVM
    - delno prevajanje (optimizacija) in delno interpretiranje programa



# Izvajanje programa



# Naš pristop

- preskočimo fazo sintaksne analize in razčlenjevanja s podajanjem AST, ki je že v izvornem programskem jeziku 0
- sintakso ciljnega jezika X lahko definiramo z uporabo lastnih podatkovnih tipov (`struct`)
- primer: **JAIS (Jezik Aritmetičnih Izračunov v Slovenščini)**
  - rekurzivna funkcija za računanje z izrazi
  - izrazi za:
    - definicijo konstant (`konst`)
    - definicijo logičnih vrednosti (`bool`)
    - negacijo (`negiraj`)
    - seštevanje (`sestej`)
    - vejanje (`ce-potem-sicer`)





# Preverjanje pravilnosti programa

- primer interpreterja za JAIS:

```
(define (jais e)
  (cond [(konst? e) e] ; vrnemo izraz v ciljnem jeziku
        [(bool? e) e]
        [(negiraj? e)
         (let ([v (jais (negiraj-e e))])
           (cond [(konst? v) (konst (- (konst-int v)))]
                 [(bool? v) (bool (not (bool-b v)))]
                 [#t (error "negacija nepričakovanega izraza")]))])
        [(sestej? e)
         (let ([v1 (jais (sestej-e1 e))]
               [v2 (jais (sestej-e2 e))])
           (if (and (konst? v1) (konst? v2))
               (konst (+ (konst-int v1) (konst-int v2)))
               (error "seštevanec ni številka")))]
        [#t (error "sintaksa izraza ni pravilna")]))
```

preverjanje ustreznosti  
podatkovnih tipov  
(semantika) že  
izvajamo

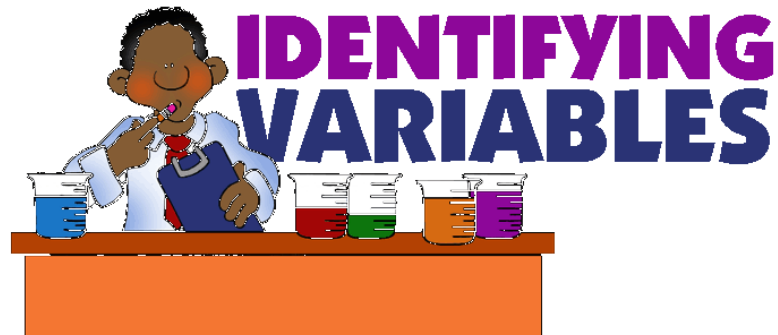
- preverjanje ustreznosti podatkovnih tipov
- preverjanje pravilne sintakse?
  - delno preverja že Racket (`(jais (negiraj 1 2 3))`)
  - napaka: (`(jais (negiraj (konst "lalala")))`)
  - potrebno dopolniti kodo, da preverja tudi pravilno sintakso konstant!

# Razširitve

- razširitve preprostega jezika

1. definiranje spremenljivk
2. definiranje lokalnih okolij
3. definiranje funkcij (funkcijskih ovojníc)
4. definiranje makrov

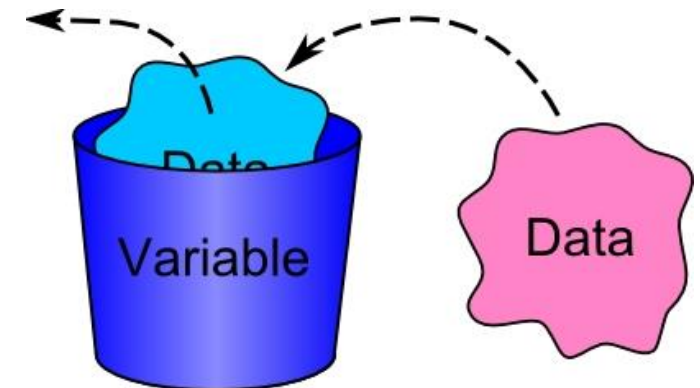
potrebujemo znanje o delovanju teh elementov, ki ga pridobivamo od začetka predmeta



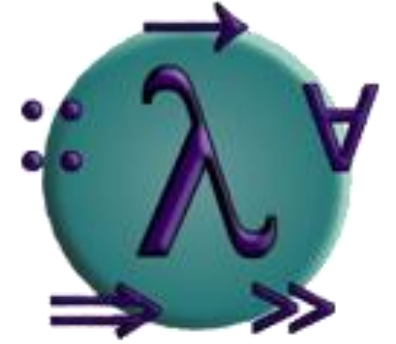
$f(x)$

# Definiranje spremenljivk in lokalnega okolja

- spremenljivko beremo vedno iz trenutnega okolja (torej potrebujemo okolje)
- okolje prenašamo v spremenljivki jezika 0, ki hrani vrednosti spremenljivk X
  - okolje je na začetku prazno
  - primerna struktura je seznam parov (`ime_spremenljivke . vrednost`)
  - deklaracija nove spremenljivke doda v okolje nov par
  - shranjevanje najprej evalvira podani izraz, nato shrani vrednost
- dostop do spremenljivk
  - preverjanje, ali je spremenljivka definirana
    - če je, vrnemo vrednost
    - sicer napaka



# Definiranje funkcij



- potrebujemo strukturo, ki bo hranila funkcijsko ovojnico (ne uporabljamo je v sintaksi programa, temveč samo pri izvajanju)

```
(struct ovojnica (okolje funkcija) #:transparent)
```

- v `okolje` shranimo okolje, kjer je funkcija definirana (leksikalni doseg!), v `funkcija` pa funkcijsko kodo
- kako izvesti funkcijski klic?

```
(klici ovojnica argument)
```

- `ovojnica` ~~mora biti~~ funkcija, ki se je evalvirala v tip `ovojnica`, sicer napaka
- `argument` mora biti vrednost (konstanta, boolean), ki je argument funkcije
- izvajanje:
  - `ovojnica-funkcija` evalviramo v okolju `ovojnica-okolje`, ki ga razširimo z:
    - imenom in vrednostjo argumenta `argument`
    - imenom funkcije, povezano z ovojnico (za rekurzijo)
- možne razširitve: rekurzivne funkcije, več formalnih argumentov, anonimne funkcije, optimizacija ovojnic

# Optimizacija ovojnic

- okolje v ovojnici lahko vsebuje spremenljivke, ki jih funkcija ne potrebuje
  - senčene spremenljivke iz zunanega okolja
  - spremenljivke, ki so definirane v funkciji in senčijo zunanje
  - spremenljivke, ki v funkciji ne nastopajo
- ovojnice so lahko prostorsko zelo potratne, če so obsežne
- rešitev: zmanjšamo število spremenljivk v okolju ovojnice na nujno potrebne
- primeri nujno potrebnih spremenljivk
  - `(lambda (a) (+ a b c))`
  - `(lambda (a) (let ([b 5]) (+ a b c)))`
  - `(lambda (a) (+ b (let ([b c]) (* b 5))))`



# Implementacija makro sistema

- makro sistem:
  - nadomeščanje (neprijazne) sintakse z drugačno (lepšo)
  - širitev sintakse osnovnega jezika
- v našem interpreterju (JAIS) lahko makro sistem implementiramo kar s funkcijami v jeziku Racket
- primeri

```
(define (in e1 e2)
  (ce-potem-sicer e1 e2 (bool #f)))
```

```
> (jais3 (in (bool #f) (bool #f)))
(bool #f)
> (jais3 (in (bool #f) (bool #t)))
(bool #f)
> (jais3 (in (bool #t) (bool #f)))
(bool #f)
> (jais3 (in (bool #t) (bool #t)))
(bool #t)
```

```
(define (vsota-sez sez)
  (if (null? sez)
      (konst 0)
      (sestej (car sez)
              (vsota-sez (cdr sez)))))
```

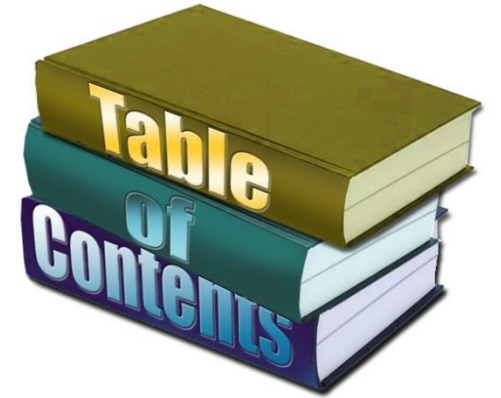
```
> (vsota-sez (list (konst 3) (konst 5)
                  (konst 2)))

(sestej (konst 3) (sestej (konst 5)
                          (sestej (konst 2) (konst 0))))
```

- je tak makro sistem higieničen?

# Pregled

- lastni podatkovni tipi
- interpreter
  - definicija konstruktov
  - definicija spremenljivk in lokalnega okolja
  - definicija funkcij
  - definicija makrov
- funkcije z različnim številom argumentov
- podajanje argumentov po imenih
- primerjava ML in Racket
- trdnost in polnost sistema tipov
- primerjava funkcijskega in OU programiranja



# Funkcije z različnim številom argumentov

- **poljubno število argumentov** podamo z imenom spremenljivke brez oklepaja. V funkciji so vsi ti argumenti podani v seznamu, ki sledi ključni besedi `lambda`.

A lambda expression can also have the form

```
(lambda rest-id
  body ...)
```

That is, a lambda expression can have a single *rest-id* that is not surrounded by parentheses. The resulting function accepts any number of arguments, and the arguments are put into a list bound to *rest-id*.

```
(define izpisi
  (lambda sez
    (displayln sez)))
```

```
> (izpisi 1 2 3 4 5 6)
(1 2 3 4 5 6)
```

```
(define vsotamulti
  (lambda stevila
    (apply + stevila)))
```

```
> (vsotamulti 1 2 3)
6
> (vsotamulti 1 2 3 11 33 -4)
46
```



# Funkcije z različnim številom argumentov

- definiramo lahko tudi funkcijo z:
  - **zahtevanim** naborom osnovnih argumentov in
  - poljubnim številom **dodatnih neobveznih** argumentov

```
(lambda gen-formals
  body ...+)

gen-formals = (arg ...)
              | rest-id
              | (arg ...+ . rest-id)
```

tretja oblika  
sintakse

```
(define mnozilnik
  (lambda (ime faktor . stevila)
    (printf "~a~a~a~a"
            "Zivjo "
            ime
            ", tvoj rezultat je: "
            (map (lambda (x) (* x faktor)) stevila))))
```

```
> (mnozilnik "Frodo" 42 1 4 5 2 3)
Zivjo Frodo, tvoj rezultat je: (42 168 210 84 126)
```

# Funkcije z imenovanimi argumenti

- argumente lahko podamo s ključnimi besedami
  - notacija: *#:beseda*
  - takšni argumenti se pri klicu funkcije **naslavlja s ključno besedo** in ne glede na podani vrstni red
- sintaksa

A lambda form can declare an argument to be passed by keyword, instead of position. Keyword arguments can be mixed with by-position arguments, and default-value expressions can be supplied for either kind of argument:

```
(lambda gen-formals
  body ...+)

  gen-formals = (arg ...)
                 | rest-id
                 | (arg ...+ . rest-id)

  arg = arg-id
        | [arg-id default-expr]
        | arg-keyword arg-id
        | arg-keyword [arg-id default-expr]
```

2. sintaksa za podajanje s privzetimi vrednostmi

1. sintaksa za podajanje s ključnimi besedami

kombinacija 1. in 2.

# Imenovani argumenti in privzete vrednosti

- podajanje s ključnimi besedami

```
(define pozdrav  
  (lambda (#:ime ime #:voscilo voscilo)  
    (printf "~a~a~a~a" voscilo ", " ime "!")))
```

```
> (pozdrav #:ime "Helga" #:voscilo "Auf Wiedersehen")  
Auf Wiedersehen, Helga!  
> (pozdrav #:voscilo "Auf Wiedersehen" #:ime "Helga")  
Auf Wiedersehen, Helga!
```

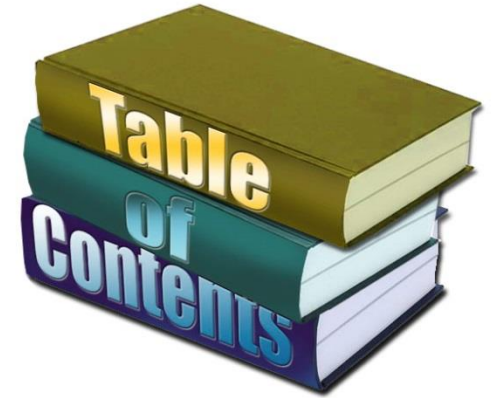
- podajanje s ključnimi besedami in/ali privzetimi vrednostmi

```
(define mix  
  (lambda ([ime "Frodo"] #:starost [starost 32])  
    (printf "~a~a~a~a" ime " je star " starost " let.")))
```

```
> (mix)  
Frodo je star 32 let.  
> (mix "Jack")  
Jack je star 32 let.  
> (mix "Jack" #:starost 25)  
Jack je star 25 let.  
> (mix #:starost 25)  
Frodo je star 25 let.  
> (mix #:starost 25 "Janez")  
Janez je star 25 let.
```

# Pregled

- lastni podatkovni tipi
- interpreter
  - definicija konstruktov
  - definicija spremenljivk in lokalnega okolja
  - definicija funkcij
  - definicija makrov
- funkcije z različnim številom argumentov
- podajanje argumentov po imenih
- primerjava ML in Racket
- trdnost in polnost sistema tipov
- primerjava funkcijskega in OU programiranja



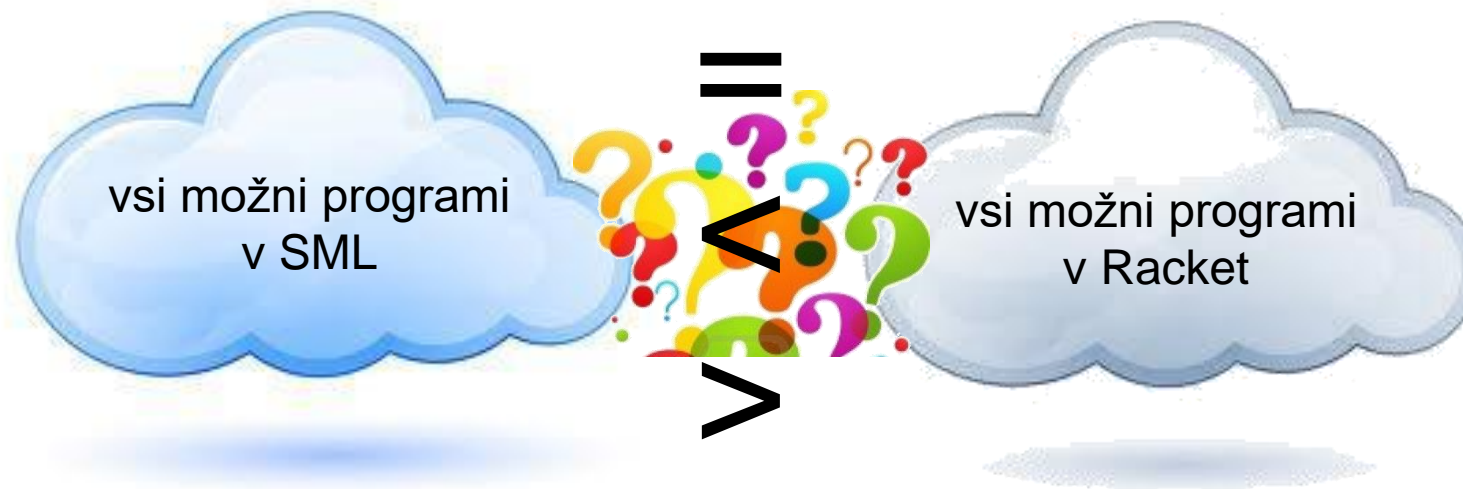
# Statično preverjanje



- **statično preverjanje** so postopki za zavrnitev nepravilnega programa, ki so izvedeni po uspešni razčlenitvi programa in pred njegovim zagonom
  - statično preverjanje:
    - pravilna uporaba aritmetičnih izrazov
    - pravilna semantika programskih konstruktov
    - nedefinirane spremenljivke
    - ujemanje vzorcev z vzorcem, ki se ponovi na dveh mestih
  - statično preverjanje NE obsega:
    - preverjanje, ali bo prišlo do izjeme
    - nepravilne aritmetične operacije (deljenje z 0)
    - preverjanje semantičnih napak
- **dinamično preverjanje**: postopki za zavrnitev nepravilnega programa, ki se izvajajo med izvajanjem programa

# Primerjava ML in Racket

- razlike?
  - sintaksa
  - statična / dinamična tipizacija
  - ujemanje vzorcev / funkcije za preverjanje tipov in dostop do podatkov
- kakšna je relacija med številom veljavnih programov v obeh jezikih?



- zakaj?
  - statični tipizator zavrne programe, ki ne ustrezajo semantičnim pravilom

# Primerjava ML in Racket

- pozabimo na razlike v sintaksi in premislimo, kako iz enega od jezikov gledamo na lastnosti drugega
- denimo da spodnja programa (oba sta veljavna v Racketu) implementiramo v SML

```
(define (fun1 x) (+ x (car x)))
```

v SML  
neveljaven



```
(define (fun2 x) (if (> x 10)
                    #t
                    (list 1 "zivjo")))
```

v SML  
neveljaven



- → SML torej zavrača številne napačne programe (ki jih Racket ne zavrne), a na račun tega, da zavrne tudi programe, ki bi lahko bili veljavni

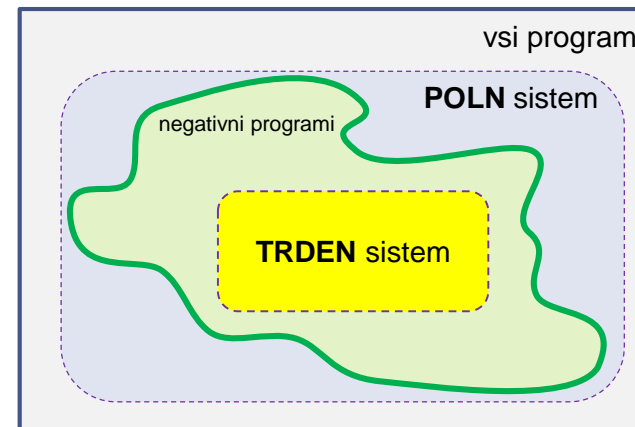
# Trdnost in polnost sistema tipov

- terminologija:
  - pozitiven primer** programa: program, ki ima napako (+)
  - negativen primer** programa: program brez napake (-)
- sistem je TRDEN** (angl. *sound*), če nikoli ne sprejme pozitivnega programa (drugače povedano: vedno pravilno razpozna, da je pozitiven program res pozitiven)
  - vendar pa: ima lažno pozitivne primere (= pravilni/negativni programi, ki jih zaznamo kot nepravilne/pozitivne)
- sistem je POLN** (angl. *complete*), če nikoli ne zavrne negativnega programa (drugače povedano: vedno pravilno razpozna, da je negativni program res negativen)
  - vendar pa: ima lažno negativne primere (= nepravilni/pozitivni programi, zaznani kot pravilni/negativni)

analiziran kot program \ program	P	N
P	PP	LN
N	LP	PN

poln sistem

trden sistem





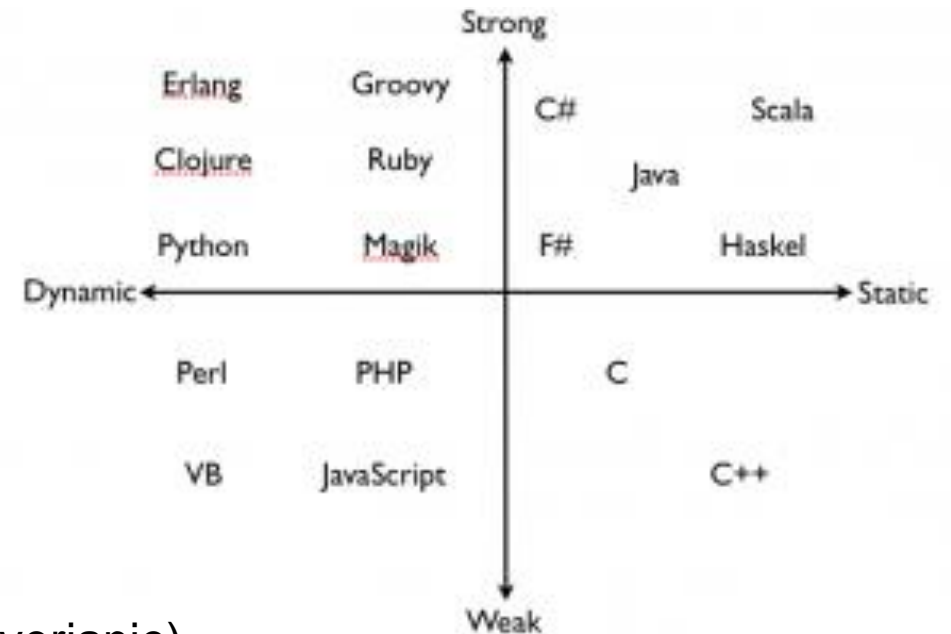
# Zakaj nepolnost?

- problem izvajanja statične analize, ki ugotovi vse troje:
  - ali je sistem trden,
  - ali je sistem poln in
  - ali je sistem ustavljivje **NEODLOČLJIV** (obstaja matematični teorem)
- v praksi izberemo 2 od 3:
  - odločimo se za statično analizo, ki preverja **ustavljivost in je trdna** (ne sprejme nepravilnih programov)
  - kaj, če bi se odločili za analizo, ki preverja ustavljivost in je polna (torej ni trdna, sprejme tudi nepravilne programe → sistem s **šibkim tipiziranjem (weak typing)**)
- tudi sistem tipov v SML je trden, vendar ni poln
  - trdni/nepolni sistemi tipov so praksa
  - primer lažno pozitivnega primera (zavrjeni primeri, ki ne povzročajo težav)?

```
fun f x = if true then 0 else 4 div "hello"
```

# Šibko tipiziranje

- šibko tipiziranje (angl. *weak typing*)
- sistem, ki:
  - je POLN (dopušča lažne negativne primere)
  - med izvajanjem se lahko zgodi napaka (potrebno preverjanje)
  - sistem izvaja malo statičnih ali dinamičnih preverjanj
  - rezultat: neznan?
  - C / C++
- prednosti šibko tipiziranih sistemov
  - "omogočajo večje programersko mojstrstvo?"
  - lažja implementacija programskega jezika (ni avtomatskih preverjanj)
  - večja učinkovitost (ni porabe časa za preverjanja; ni porabe prostora za oznake podatkovnih tipov)



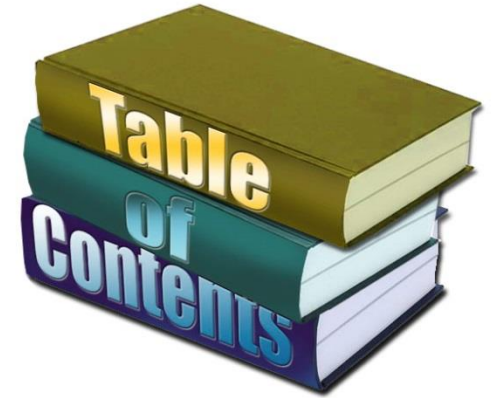
# Prednosti obeh sistemov

	statično preverjanje		dinamično preverjanje	
<b>kombiniranje podatkovnih tipov v seznamih in vejah programa</b>	ni možno, vendar pa zato v programu vemo, katere tipe seznamov in funkcij lahko pričakujemo		je možno, moramo pa v programu uporabiti vgrajene predikate za preverjanje tipov	
<b>sprejemanje množice programov</b>	zavrača pravilne programe		sprejema več pravilnih programov	
<b>čas ugotavljanja napak</b>	napake v programu ugotovimo zgodaj		napake ugotovi šele med izvajanjem	
<b>hitrost izvajanja</b>	prihrani na prostoru in času, ker ne označuje spremenljivk z značkami posameznih podatkovnih tipov		prevajalnik potrebuje več prostora in časa za označevanje spremenljivk z značkami, programer ima več dela	
<b>večkratna uporabnost programske kode</b>	manjša, vendar s tem večje nadzorovanje napak		večja, vendar odpira možnosti za več napak v programu	
<b>prototipiranje novih programov</b>	težje, potrebno določiti podatkovne tipe vnaprej; vendar pa lažje nadzorovanje vpliva sprememb na delovanje obstoječe kode		preprosteje, vendar slabše nadzorovanje vpliva sprememb na obstoječo kodo	

- kaj je boljše?
- smiselno je najti kompromis: del preverjanja se izvede statično, del dinamično
- programski jeziki uporabljajo kombinacijo obojega

# Pregled

- lastni podatkovni tipi
- interpreter
  - definicija konstruktov
  - definicija spremenljivk in lokalnega okolja
  - definicija funkcij
  - definicija makrov
- funkcije z različnim številom argumentov
- podajanje argumentov po imenih
- primerjava ML in Racket
- trdnost in polnost sistema tipov
- primerjava funkcijskega in OU programiranja



# Povezava med FP in OUP

- program lahko analiziramo glede na uporabo podatkovnih tipov in funkcij:

	funkcija1	funkcija2	funkcija3	...
tip1				
tip2				
tip3				
...				

- "narediti program" pomeni "izpolniti" zgornjo tabelo s programsko kodo za vsak podatkovni tip in funkcijo, ki jo uporabljamo



# Povezava med FP in OUP





- **funkcijsko programiranje:** program je množica funkcij, ki so zadolžene vsaka za svojo operacijo

	funkcija1	funkcija2	funkcija3	...
tip1				
tip2				
tip3				
...				

- **objektno-usmerjeno programiranje:** program je množica razredov, ki v sebi vsebujejo različne operacije nad primerki razreda

	funkcija1	funkcija2	funkcija3	...
tip1				
tip2				
tip3				
...				

# Povezava med FP in OUP

- FP in OUP sta torej le drugačni perspektivi na izdelavo istih programov
- **katerega izbrati?**
  - osebni programerski stil
  - upoštevati je potrebno način razširjanja programa
- **razširjanje programa z novo kodo:**
  - funkcijsko programiranje
    - če dodamo novo funkcijo, moramo v njej pokriti vse konstruktorje za podatkovni tip (sicer nas prevajalnik opozori) 
    - če samo razširimo podatkovni tip, moramo dopolniti vse funkcije s kodo za delo s tem tipom 
  - objektno-usmerjeno programiranje
    - če dodamo novo funkcijo za delo s podatkovnimi tipi, jo moramo implementirati na novo v vseh ločenih razredih (ne upoštevajmo možnosti dedovanja) 
    - če implementiramo novi razred, v njemu implementiramo vse možne funkcije (metode) za delo s tem razredom 



# **Funkcijsko programiranje v Pythonu**